

فیزیک 2

PHYSICS 2





ایران پویش

سامانه علمی، پژوهشی و کارآفرینی

مرجع تالیف و گرد آوری محتوای آموزشی

جزوات | درسنامه ها | نمونه سوالات | پکیج ارشد و دکتری

راههای تماس با ما:

وبسایت: iranpuyesh.ir

ایمیل: support@iranpuyesh.ir

تلگرام: [@iranpuyesh](https://t.me/iranpuyesh)

اینستاگرام: [@iranpuyesh](https://www.instagram.com/iranpuyesh)

واتس اپ: ۰۹۳۷۴۴۹۵۰۷۰

فیزیک 2

Physics 2

فهرست مطالب

۱۰	فصل اول: بار الکتریکی و قانون کولن
10	1-1- بار الکتریکی:
11	رسانا و عایق:
11	قانون کولن:
13	میدان الکتریکی
14	میدان الکتریکی بارهای نقطه‌ای:
15	دو قطبی الکتریکی:
17	خطوط نیرو:
18	میدان الکتریکی توزیع‌های بار پیوسته:
22	بار نقطه‌ای در میدان الکتریکی:
22	دوقطبی در میدان الکتریکی:
23	قانون گاوس
24	شار میدان الکتریکی:
26	قانون گاوس:
26	رسانای باردار منزوی:
28	کاربردهای قانون گاوس:
28	(1) خط نامتناهی از بار:
28	(2) ورقه نامتناهی از بار:
29	(3) پوسته کروی باردار:
30	4- توزیع بار با تقارن کروی:
31	پتانسیل الکتریکی
31	انرژی پتانسیل الکتریکی
32	انرژی پتانسیل سیستمی از بارها:
32	پتانسیل الکتریکی:
34	محاسبه پتانسیل از میدان:
34	پتانسیل ناشی از یک بار نقطه‌ای:
35	پتانسیل ناشی از یک دوقطبی:
36	پتانسیل الکتریکی توزیع‌های پیوسته بار:
38	سطح‌های هم‌پتانسیل:
38	محاسبه میدان از پتانسیل:
40	رسانای منزوی:
۴۲	تست های طبقه بندی شده فصل اول
59	پاسخنامه تست های طبقه بندی شده فصل هشتم
۷۹	فصل دوم: خازن – مقاومت و جریان

79 خازن ، جریان و مقاومت:
87 2-2جریان :
88 2-3مقاومت ویژه :
89 2-4قانون اهم :
92 تست های طبقه بندی شده فصل نهم
104 پاسخنامه تست های طبقه بندی شده فصل دوم
۱۲۰ فصل سوم :میدان مغناطیسی
120 نیروی مغناطیسی وارد بر یک بار متحرک:
121 نیروی لورنتس:
121 بارهای چرخنده:
122 سیکلوترون و سینکروترون:
123 اثر هال:
124 نیروی مغناطیسی وارد بر جریان:
125 گشتاور نیروی وارد بر یک حلقه جریان:
126 دوقطبی مغناطیسی:
127 قانون آمپر
127 قانون بیوساوار:
128 کاربردهای قانون بیو-ساوار:
129 حلقه جریان دایره‌ای:
130 دو رسانای موازی:
131 قانون آمپر:
132 سیملوله‌ها و چنبره‌ها:
132 سیملوله‌ها:
133 چنبره‌ها:
134 قانون القای فارادی:
134 قانون القای فارادی:
135 قانون لنز:
136 نیروی محرکه الکتریکی حرکتی:
137 میدان‌های الکتریکی القایی:
138 القایدگی
139 محاسبه القایدگی:
140 القایدگی سیملوله:
140 القایدگی چنبره:
141 القای متقابل:
141 مدارهای LR:
142 ذخیره انرژی در میدان مغناطیسی:
143 چگالی انرژی و میدان مغناطیسی:

143	نوسان‌های الکترومغناطیسی:
145	نوسان‌های میرا و واداشته:
147	مدارهای جریان متناوب
150	مدار RLC تک‌حلقه‌ای:
152	توان در مدارهای AC:
154	تست‌های طبقه بندی شده فصل سوم
174	پاسخنامه تست‌های طبقه بندی شده فصل سوم
202	منابع

فصل اول: بار الکتریکی و قانون کولن

نیروی الکترومغناطیسی نیروی موثر در ساختار اتم‌ها و در پیوند اتم‌ها در مولکول‌ها و جامدات است. بسیاری از خواص مواد از جمله کشسانی جامدات، کشش سطحی مایعات، نیروی فنر، اصطکاک و نیروی عمود بر سطح تماس همه از نیروی الکترومغناطیسی بین اتم‌ها سرچشمه می‌گیرند.

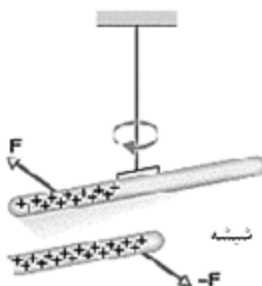
مبدا علم الکتریسیته به مشاهده فیلسوفان یونانی در حدود 600 سال قبل از میلاد برمی‌گردد که متوجه شدند قطعه‌ای از کهربای مالش داده شده، قطعات کوچک کاه را می‌رباید. مبدا علم مغناطیس به مشاهده این واقعیت بر می‌گردد که بعضی سنگ‌ها به طور طبیعی آهن را جذب می‌کنند. تلفیق دو علم الکتریسیته و مغناطیس به اورستد بر می‌گردد که مشاهده کرد جریان الکتریکی در یک سیم می‌تواند عقربه مغناطیسی قطب‌نما را منحرف کند.

در ارتباط با اهمیت الکترومغناطیس، از کاربرد عملی این علم در مهندسی می‌توان نام برد و از نظر تئوری بخشی از یک نظریه عمومی‌تر است که گرانش و کوانتوم را نیز در بر می‌گیرد.

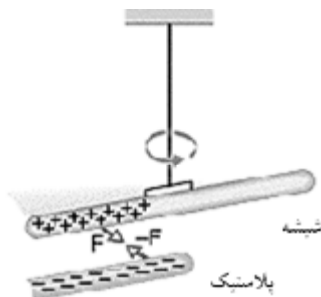
1-1- بار الکتریکی:

وقتی می‌گوییم جسمی باردار شده منظورمان این است که این جسم دارای نابرابری بار است. اجسام باردار بر یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. می‌توان نشان داد که دو نوع بار الکتریکی مثبت و منفی وجود دارد.

به عنوان مثال: دو میله شیشه‌ای مالش داده شده با ابریشم یکدیگر را می‌رانند. بار روی میله شیشه‌ای را بار مثبت می‌خوانیم:



اگر میله پلاستیکی مالش داده شده با پوست را به میله شیشه‌ای مالش داده شده با ابریشم نزدیک کنیم یکدیگر را جذب می‌کنند. بار روی میله پلاستیکی را بار منفی می‌نامیم.



بنابراین می‌توان گفت:

بارهای الکتریکی همنام همدیگر را دفع می‌کنند و بارهای الکتریکی غیرهمنام یکدیگر را جذب می‌کنند. هر ماده در حالت خنثی، دارای تعداد مساوی بار مثبت و منفی است. ماده دارای بار منفی، دچار افزایش الکترون و ماده دارای بار مثبت دچار کاهش الکترون است.

رسانا و عایق:

اجسام از نظر رسانایی به سه دسته زیر تقسیم می‌شوند:

- (1) رسانا (2) نیمرسانا (3) عایق

در رساناها بارهای الکتریکی آزادانه حرکت می‌کنند. مس، فلزات و بدن انسان از نمونه‌های متداول رساناها هستند. در عایق‌ها بار الکتریکی آزاد بسیار کم است و بارها در اغلب شرایط نمی‌توانند جریان یابند. شیشه و انواع پلاستیک‌ها از نمونه‌های متداول عایق‌ها هستند. حامل‌های بار در فلزات الکترون‌های آزاد هستند. آن دسته از مواد که از نظر هدایت الکتریکی بین رساناها و عایق‌ها قرار می‌گیرند نیمرسانا نامیده می‌شوند.

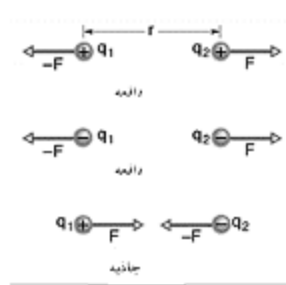
قانون کولن:

شارل آگوستن کولن نشان داد که اگر دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 در فاصله r از یکدیگر قرار داشته باشند بر یکدیگر نیرو وارد می‌کنند که اندازه آن برابر است با:

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

نیروی که هر بار بر بار دیگر وارد می‌کند در امتداد خطی است که دو بار را به هم متصل می‌کند. این دو نیرو، حتی اگر بارها متفاوت باشند، در جهت‌های مخالف هم و دارای اندازه برابر هستند.

در این رابطه مقدار k برابر است با:



$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8.99 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$$

که در آن ϵ_0 نفوذ پذیری الکتریکی خلا است و مقدار آن برابر است با:

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N.m}^2$$

شکل برداری قانون کولن بصورت زیر خواهد بود:

$$\mathbf{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{\mathbf{r}}_{12}$$

که در آن \mathbf{F}_{12} نیروی وارد بر ذره 1 توسط ذره 2 و r_{12} اندازه بردار \mathbf{r}_{12} و $\hat{\mathbf{r}}_{12}$ بردار یکه در جهت \mathbf{r}_{12} است. یعنی داریم:

$$\hat{\mathbf{r}}_{12} = \frac{\mathbf{r}_{12}}{r_{12}}$$

اگر بیش از دو بار داشته باشیم و بخواهیم مثلاً نیروی وارد بر بار q_1 را به دست آوریم، در اینصورت نیروی وارد از طرف هر یک از بارها را بر بار q_1 رسم کرده و آنها را با یکدیگر جمع برداری می‌کنیم:

$$\mathbf{F}_1 = \mathbf{F}_{12} + \mathbf{F}_{13} + \mathbf{F}_{14} + \dots$$

بار کوانتیده است:

وقتی یک کمیت فیزیکی مانند بار فقط بصورت بسته‌های گسسته وجود داشته باشد و نه بصورت مقادیر متغیر پیوسته، می‌گوییم که آن کمیت کوانتیده است.

آزمایش نشان می‌دهد که هر بار الکتریکی کوانتیده است، یعنی ضرب درستی از بار یک الکترون است یعنی:

$$q = ne$$

$$n = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$$

در این معادله، e ، یکای بار بنیادی است که مقدار آن بطور تجربی مشخص شده است:

$$e = 1.60217733 \times 10^{-19} \text{C}$$

ماده ترکیبی از سه نوع ذره، پروتون، نوترون و الکترون است که خواص و جرم این ذرات در جدول زیر آمده است:

ذره	نماد	بار	جرم
پروتون	p	$+e$	$1.67262185 \times 10^{-27} \text{kg}$
نوترون	n	0	$1.67492723 \times 10^{-27} \text{kg}$
الکترون	e^-	$-e$	$9.1093829 \times 10^{-31} \text{kg}$

بار پیوسته است:

بار الکتریکی موجود در جهان پایسته است. با مالش دادن دو جسم، بار الکتریکی از بین نمی‌رود بلکه تنها از یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شود و خنثایی الکتریکی هر یک از دو جسم را اندکی مختل می‌کند. این بیان قانون پایستگی بار می‌باشد. از قانون پایستگی بار بطور گسترده در فرایندهای هسته‌ای استفاده می‌شود.

میدان الکتریکی

به هر نقطه در فضای نزدیک به زمین می‌توان یک میدان گرانشی نسبت داد که شدت آن از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$g = \frac{F}{m}$$

که در آن F نیروی گرانشی وارد بر جسم m رها شده در میدان گرانشی است.

به همین ترتیب، میدان الکتریکی میدانی برداری است و مشابه میدان جاذبه گرانشی و یا میدان جاذبه و دافعه مغناطیسی تعریف می‌شود؛ میدان الکتریکی، فضای اطراف یک بار الکتریکی است که اگر بار الکتریکی دیگری به آن وارد شود به آن نیرو وارد می‌شود.

در قیاس با معادله مربوط به میدان گرانشی، میدان الکتریکی E متناظر با توزیعی از بارها را بر حسب نیروی وارد بر یک بار مثبت آزمون q_0 در یک نقطه مشخص تعریف می‌کنیم، یا در واقع:

$$E = \frac{F}{q_0}$$

در این معادله جهت بردار E همان جهت بردار F است، زیرا q_0 یک کمیت نرده‌ای مثبت است. به لحاظ ابعادی، میدان الکتریکی عبارت است از نیرو بر واحد بار الکتریکی، و بر حسب یکاهای SI برابر است با نیوتون بر کولن (N/C). برای این که میدان حاصل از بار آزمون در میدان اصلی مؤثر نباشد، بار آزمون را بسیار کوچک یا باری نقطه‌ای (در حد بار الکترون) فرض می‌کنیم، بنابراین شکل بهتر معادله بالا برابر خواهد بود با:

$$E = \lim_{q_0 \rightarrow 0} \frac{F}{q_0}$$

میدان الکتریکی بارهای نقطه‌ای:

فرض می‌کنیم که بار آزمون مثبت q_0 را در فاصله r از بار q قرار می‌دهیم، نیروی وارد بر آن برابر است با:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot q_0}{r^2}$$

بنابراین اندازه میدان الکتریکی در محل بار آزمون برابر است با:

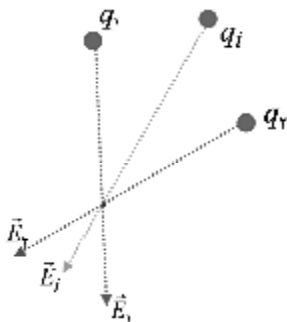
$$E = \frac{F}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

نکته: جهت E همان جهت F است، در امتداد خط شعاعی از q به سوی خارج، اگر q مثبت باشد و به طرف داخل، اگر q منفی باشد.

برای محاسبه میدان E هنگامی که گروهی از بارهای نقطه‌ای وجود دارد، از روش زیر استفاده می‌کنیم:

(1) میدان E_i حاصل از هر بار را در یک نقطه معین بدست می‌آوریم.

(2) میدان برآیند E ، جمع بردارهای E_i ها است یعنی:

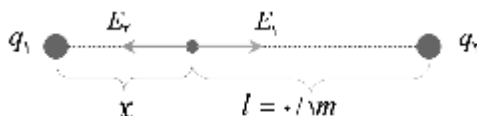


$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_1 + \mathbf{E}_2 + \dots + \mathbf{E}_i$$

$$\Rightarrow \mathbf{E} = \sum_{i=1}^n \mathbf{E}_i$$

مثال: در چه نقطه‌ای روی خط واصل دو بار به فاصله 10cm، میدان الکتریکی صفر است. در صورتی که

$$\begin{aligned} q_1 &= 10^{-6} \text{ C} \\ \text{باشد.} \\ q_2 &= 2 \times 10^{-6} \text{ C} \end{aligned}$$



این نقطه باید بین دو بار قرار بگیرد زیرا تنها در این ناحیه است که نیروهای وارد بر یک بار آزمون از طرف بارهای q_1 و q_2 مخالف هم است. میدان ناشی از این دو بار باید برابر باشد یعنی:

$$E_1 = E_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{x^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{(l-x)^2}$$

از حل این معادله برای x بدست می‌آوریم:

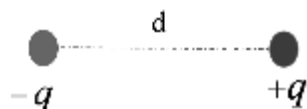
$$x = \frac{L}{1 + \sqrt{\frac{q_2}{q_1}}}$$

بنابراین با جاگذاری مقادیر داریم:

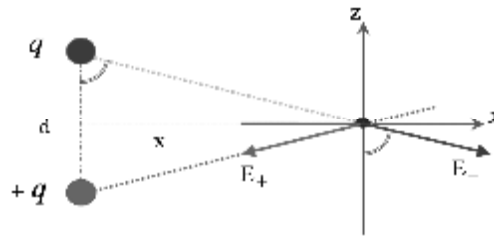
$$\Rightarrow x = 0.041 \text{ m}$$

دو قطبی الکتریکی:

دو بار نقطه‌ای با بارهای مخالف q و $-q$ که در فاصله کوچک d از یکدیگر قرار دارند دو قطبی الکتریکی نامیده می‌شوند.



برای بدست آوردن میدان الکتریکی E در نقطه P روی عمود منصف خط رابط دو بار و در فاصله x از این خط داریم:



میدان الکتریکی کل در نقطه p برابر مجموع میدان هر یک از بارها در نقطه p می‌باشد:

$$E = E_+ + E_-$$

مقدار میدان ناشی از هر کدام از بارها برابر است با:

$$E_+ = E_- = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{x^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2}$$

از روی تقارن شکل مشخص است که:

$$\sum E_x = 0$$

$$\sum E_z = 2E_+ \cos \theta$$

از طرفی از روی شکل داریم:

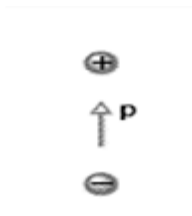
$$\cos \theta = \frac{\frac{d}{2}}{\sqrt{x^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2}}$$

با قرار دادن این رابطه در رابطه بالا داریم:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qd}{\left[x^2 + \left(\frac{d}{2}\right)^2\right]^{3/2}}$$

حاصل ضرب qd را گشتاور دو قطبی الکتریکی نامند و با p نمایش می‌دهند. گشتاور دو قطبی

الکتریکی یک بردار است که جهت آن از بار منفی به بار مثبت است.



با استفاده از بسط زیر معادله بالا را می توان ساده تر کرد:

$$(1+y)^n = 1 + ny + \frac{n(n-1)}{2!}y^2 + \dots$$

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \frac{1}{[1+(\frac{d}{2x})^2]^{\frac{3}{2}}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} [1+(\frac{d}{2x})^2]^{-\frac{3}{2}}$$

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} [1 + (-\frac{3}{2})(\frac{d}{2x})^2 + \dots]$$

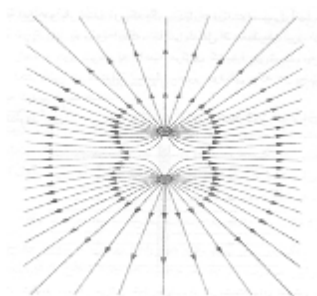
با در نظر گرفتن فقط جمله اول از بسط داریم:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3}$$

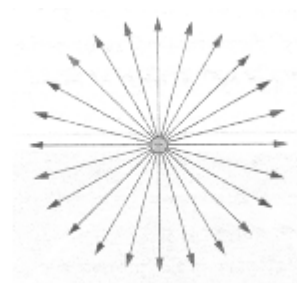
نکته: تغییرات میدان در نقطه های دور و در فاصله r از دو قطبی به شکل $\frac{1}{r^3}$ است.

خطوط نیرو:

بر اساس اندیشه فارادی، میدان الکتریکی با خطوطی فرضی به نام خطوط میدان الکتریکی نشان داده می شوند. مماس بر این خطوط، امتداد بردار شدت میدان و تراکم آنها در واحد سطح با شدت میدان متناسب است. در شکل زیر خطوط نیروی مربوط به توزیع بارهای مختلف آمده است:



خطوط نیروی مربوط به دو بار مثبت مساوی



خطوط نیروی بار نقطه ای مثبت